

МИСиС

Группа МИ-12-1д

ФДО

Товмасын Владимир Вячеславович

АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ И АЛГЕБРА 2**Контрольная работа № 2****Методические указания****Указания к выполнению контрольной работы № 4****Задача 1 [13, 20, 21]**

1. Найти $\beta \cdot \gamma$, воспользовавшись определением произведения бинарных отношений.
2. Найти γ^{-1} , воспользовавшись определением инверсии бинарных отношений.
3. Найти $\gamma^{-1} \cdot \beta$
4. Найти $\gamma^{-1} \cdot \beta \cdot \alpha$, воспользовавшись определением произведения бинарных отношений.

Задача 2 [13, 20, 21]

При доказательстве данного тождества должны быть сформулированы все определения, которые используются при доказательстве.

Задача 3 [13, 20, 21]

При решении данной задачи необходимо дать определение эквивалентности, частичного и полного порядка,

Задача 4 [13, 20, 21]

При решении данной задачи необходимо дать определение мощности множества, а так же сформулировать все утверждения используемые при решении.

Задача 5 [13, 20, 21]

1. Для группы G доказать, что заданная операция ассоциативна, обладает нейтральным элементом и для любого числа $a \in G$ существует симметричный элемент.
2. Доказать, что A -подгруппа группы G .
3. Доказать, что A -нормальный делитель группы G .

4. Описать фактор-группу G/A . Указать в ней единицу, вид обратного элемента и таблицу умножения.
5. Доказать, что заданное отображение $\varphi: H \rightarrow L$ -гомоморфизм, т.е. однозначное отображение, сохраняющее групповую операцию.
6. Найти ядро отображения φ
7. Построить фактор-группу $H/\text{Ker } \varphi$. Определить групповую операцию. Указать таблицу умножения.
8. Представить все элементы $H/\text{Ker } \varphi$ подстановками.

1. Для отношений α, β, γ , заданных на конечном множестве $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ найти $\beta \cdot \gamma; \gamma^{-1} \cdot \beta \cdot \alpha$, если

$$\alpha = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 & 1 \\ 4 & 1 & 6 & 3 \end{pmatrix}; \quad \beta = \begin{pmatrix} 6 & 1 & 4 \\ 2 & 3 & 3 \end{pmatrix}; \quad \gamma = \begin{pmatrix} 6 & 1 & 4 \\ 2 & 3 & 3 \end{pmatrix}$$

2. Доказать, что для любых отношений α, β, γ , заданных на множестве A выполняется $(\alpha \cdot \beta) \cdot \gamma = \alpha \cdot (\beta \cdot \gamma)$.

3. Выяснить является ли отношение $\beta = \{(x, y) / x \leq y\}$, где $x, y \in \mathbb{R}$, эквивалентностью, частичным или полным порядком.

4. Найти мощность множества всех счетных последовательностей из букв данного конечного алфавита.

5. Доказать:

а) множество \mathbb{G} -множество вещественных чисел по сложению является группой;

б) множество \mathbb{A} -множество целых чисел является в группе \mathbb{R} нормальным делителем;

в) описать фактор-группу G/A , указав в ней единицу, вид обратного элемента, групповую операцию;

г) доказать, что отображение $\varphi: H \rightarrow L$, где H -группа целых чисел, кратных 7, по сложению, а $L = \mathbb{Z}_{28}$ -группа вычетов по модулю 28 является гомоморфизмом, вычислить его ядро и образ $\varphi(x) = [x]_{28}$ - остаток от деления на 28;

д) построить фактор-группу $H/\text{Ker } \varphi$, указав таблицу умножения

Составитель: ст. преп. кафедры математики Е. Л. Плужникова