

## ЛИТЕРАТУРА

1. Тарг С.М. Краткий курс теоретической механики. – М.: Высш. шк., 2008.
2. Мещерский И.В. Сборник задач по теоретической механике. – М.: Физматгиз, 1986.
3. Норейко С.С., Яблонский А.А., Вольфсон С.А. Сборник задач для курсовых работ по теоретической механике: учеб. пособие. – М.: Интеграл-Пресс, 2008.

## 4. Контрольные задания к разделу «Статика твердого тела»

### Задача С1

В стержневых системах (фермах) (рис. С1.0 – С1.9, табл. С1), находящихся в равновесии, известны сила  $F$  и угол  $\alpha$ . Определить усилия в стержнях и реакции связей  $A$  и  $B$ . Все острые углы ферм, кроме указанных, принять  $45^\circ$ .

Т а б л и ц а С1

Номер условия	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Сила $F$ (Н)	100	90	80	70	60	50	40	30	20	10
Угол $\alpha$ , (град)	30	45	60	90	120	135	150	210	225	240

### Методические указания

Задача С1 – на равновесие тела, находящегося под действием плоской системы сходящихся сил. Для определения усилий в стержнях и реакций в опорах нужно применить метод вырезания узлов. Проверить решение методом Риттера и построением силового многоугольника для нагруженного силой узла.

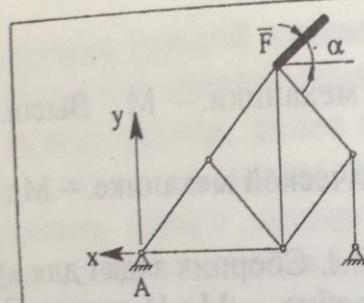


Рис. С1.0

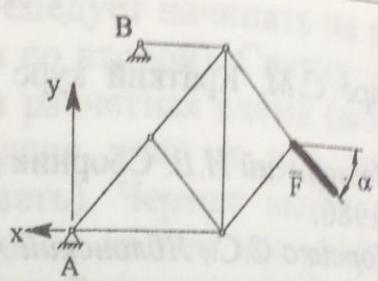


Рис. С1.1

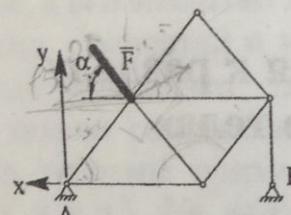


Рис. С1.2

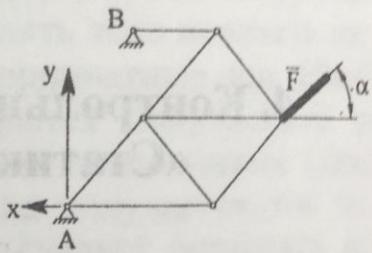


Рис. С1.3

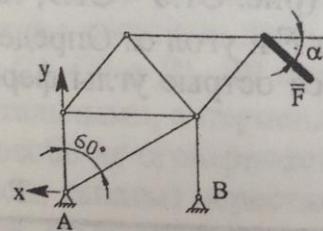


Рис. С1.4

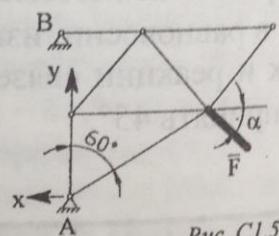


Рис. С1.5

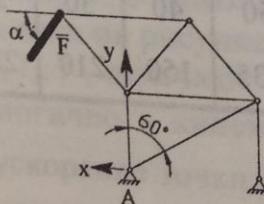


Рис. С1.6

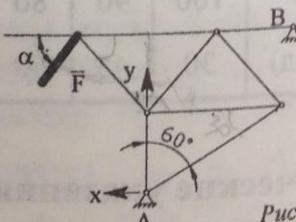


Рис. С1.7

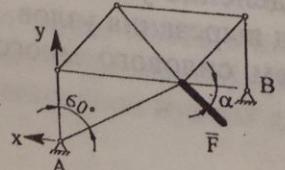


Рис. С1.8

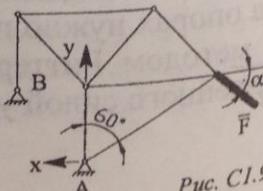


Рис. С1.9

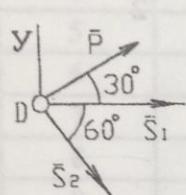
## ПРИМЕР решения задач типа С1

На узел фермы, находящейся в равновесии, действует известная сила  $P$ .

Определить усилия в стержнях фермы и реакции связей в точках  $A$  и  $B$ .

1. Рассмотрим равновесие узла  $D$ .

Составим уравнения равновесия:



$$\begin{cases} \sum x = 0, & P \cos 30^\circ + S_1 + S_2 \cos 60^\circ = 0, \\ \sum y = 0; & P \cos 60^\circ - S_2 \cos 30^\circ = 0; \end{cases}$$

$$S_2 = \frac{P \cos 60^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{P}{\sqrt{3}} = \frac{P\sqrt{3}}{3};$$

$$S_1 = -P \cos 30^\circ - S_2 \cos 60^\circ = -P \frac{\sqrt{3}}{2} - P \frac{\sqrt{3}}{6} = -\frac{2}{3} P \sqrt{3}.$$

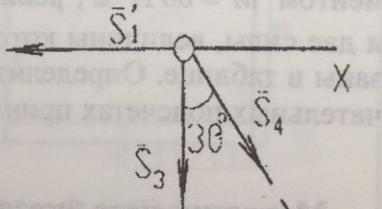
2. Далее рассмотрим равновесие узла  $C$ .

Составим уравнения равновесия:

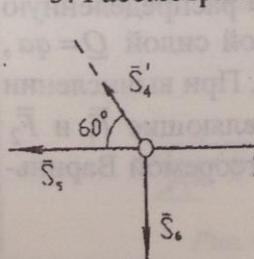
$$\begin{cases} \sum x = 0, & -S'_1 + S_4 \cos 60^\circ = 0, \\ \sum y = 0; & S_3 + S_4 \cos 30^\circ = 0; \end{cases}$$

$$S_4 = \frac{S'_1}{\cos 30^\circ} = \frac{2P\sqrt{3}}{3 \cdot 0.5} = \frac{4P\sqrt{3}}{3};$$

$$S_3 = -S_4 \cos 30^\circ = 4P \frac{\sqrt{3}}{3} \frac{\sqrt{3}}{2} = 2P.$$



3. Рассмотрим равновесие узла  $B$ .



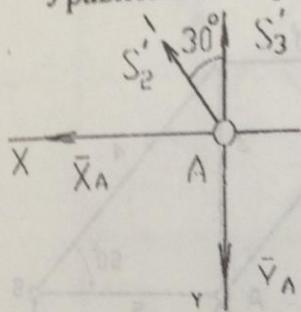
$$\begin{cases} \sum x = 0, & S'_4 \cos 60^\circ - S_5 = 0, \\ \sum y = 0; & S_6 + S'_4 \cos 30^\circ = 0; \end{cases}$$

$$S_5 = -S'_4 \cos 60^\circ = \frac{2P\sqrt{3}}{3};$$

$$S_6 = S'_4 \cos 30^\circ = -2P.$$

4. Наконец, рассмотрим равновесие узла  $A$ .

Уравнения его равновесия:



$$\begin{cases} x = 0, & X_A + S_2' \cos 60^\circ - S_5' = 0, \\ y = 0; & Y_A + S_3' - S_2' \cos 30^\circ = 0; \end{cases}$$

$$X_A = S_5' - S_2' \cos 60^\circ = \frac{2P\sqrt{3}}{3} - \frac{m\sqrt{3}}{6} = \frac{m\sqrt{3}}{2};$$

$$Y_A = S_3' + S_2' \cos 30^\circ = 2P + \frac{P\sqrt{3}}{3} \frac{\sqrt{3}}{2} = 2.5P;$$

$$R_A = \sqrt{X_A^2 + Y_A^2}.$$

### Задача С2

Жесткая рама (рис. С2.0–С2.9, табл. С2) закреплена в точке  $A$  шарнирно, а в точке  $B$  прикреплена к невесомому шарнирному стержню или к шарнирной опоре на катках. На раму действует пара сил с моментом  $M = 60 \text{ Н}\cdot\text{м}$ , равномерно распределенная нагрузка  $q = 5 \text{ Н}/\text{м}$  и две силы, величины которых, направления и точки приложения указаны в таблице. Определить реакции связей в точках  $A$  и  $B$ . При окончательных подсчетах принять  $a = 0.2 \text{ м}$ .

#### Методические указания

Задача С2 – на равновесие тела под действием плоской системы сил. При решении задачи рекомендуется равномерно распределенную нагрузку интенсивностью  $q$  заменить сосредоточенной силой  $Q = qa$ , приложенной в центре тяжести эпюры этой нагрузки. При вычислении момента силы  $\bar{F}$  часто удобно разложить ее на составляющие  $\bar{F}_1$  и  $\bar{F}_2$  параллельно координатным осям и воспользоваться теоремой Вариньона; тогда

### Задача К3

Плоский механизм состоит из стержней 1-4 и ползуна  $B$ , соединенных друг с другом и с неподвижными опорами  $O_1$  и  $O_2$  шарнирами (рис. К3.0–К3.9). Длины стержней равны:  $l_1 = 0.4$  м,  $l_2 = 1.2$  м,  $l_3 = 1.4$  м,  $l_4 = 1.0$  м. Положение механизма определяется углами  $\alpha, \beta, \gamma, \varphi, \theta$ , которые вместе с другими величинами находятся в середине соответствующего стержня. Определить величины, указанные в табл. К3, в столбце «Найти».

19 Вариант

Таблица К3

Номер условия	Углы					Дано			Найти
	$\alpha^\circ$	$\beta^\circ$	$\gamma^\circ$	$\varphi^\circ$	$\theta^\circ$	$\omega_1 (\text{с}^{-1})$	$\omega_1 (\text{с}^{-1})$	$V_B (\text{м/с})$	
0	30	120	120	0	60	4	—	—	$V_B$ $V_E$ $\omega_3$
1	0	60	30	0	120	—	—	6	$V_A$ $V_E$ $\omega_2$
2	90	150	120	90	30	—	5	—	$V_A$ $V_D$ $\omega_3$
3	30	120	30	0	60	8	—	—	$V_B$ $V_E$ $\omega_3$
4	60	150	120	90	30	—	—	8	$V_A$ $V_E$ $\omega_3$
5	0	150	30	0	60	—	4	—	$V_A$ $V_A$ $\omega_2$
6	90	120	90	90	60	10	—	—	$V_B$ $V_E$ $\omega_2$
7	0	120	120	0	60	—	—	10	$V_A$ $V_E$ $\omega_2$
8	60	60	60	90	120	—	3	—	$V_A$ $V_D$ $\omega_3$
9	30	150	120	0	60	6	—	—	$V_B$ $V_E$ $\omega_3$

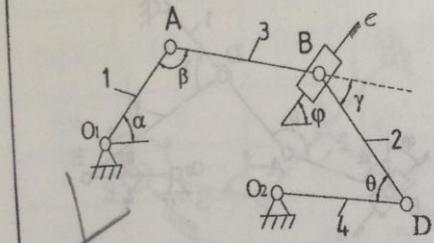


Рис. К3.0

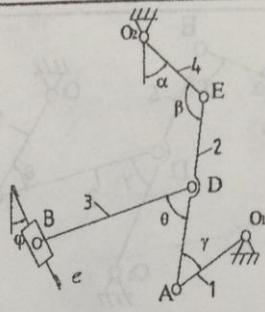


Рис. К3.1

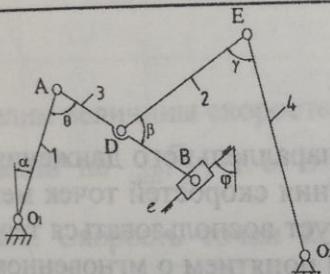


Рис. К3.2

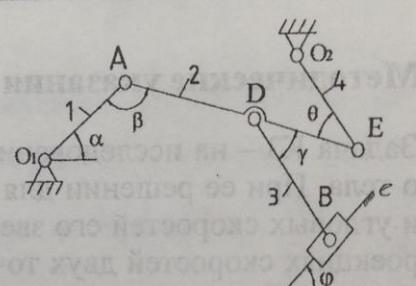


Рис. К3.3

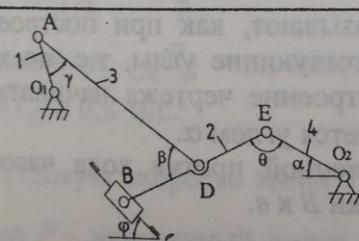


Рис. К3.4

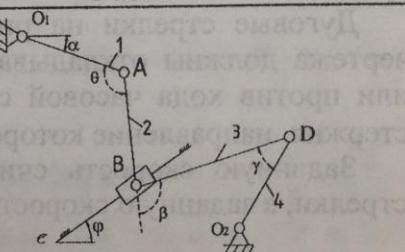


Рис. К3.5

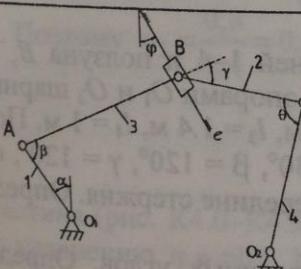


Рис. К3.6

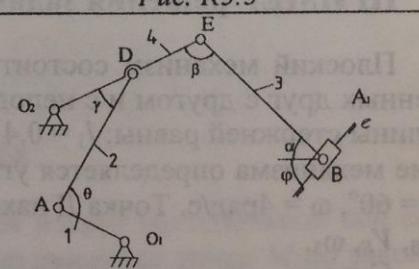


Рис. К3.7

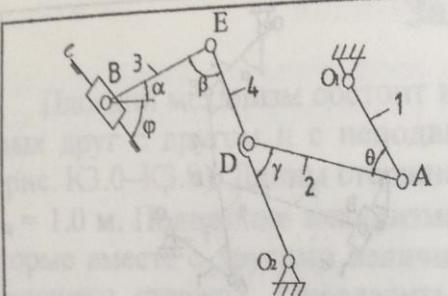


Рис. К3.8

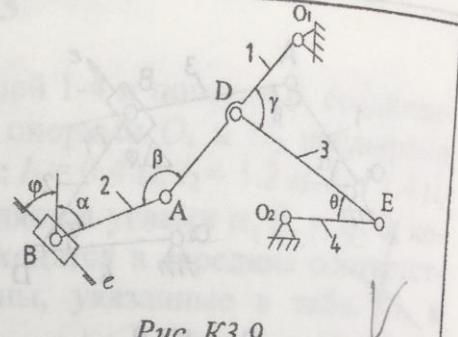


Рис. К3.9

### Методические указания

Задача К3 – на исследование плоскопараллельного движения твердого тела. При ее решении для определения скоростей точек механизма и угловых скоростей его звеньев следует воспользоваться теоремой о проекциях скоростей двух точек тела и понятием о мгновенном центре скоростей, применяя эту теорему (или это понятие) к каждому звену механизма в отдельности.

Дуговые стрелки на рисунках показывают, как при построении чертежа должны откладываться соответствующие углы, т.е. по ходу или против хода часовой стрелки. Построение чертежа начинать со стержня, направление которого определяется углом  $\alpha$ .

Заданную скорость считать направленной против хода часовой стрелки, а заданную скорость  $V_B$  – от точки  $B$  к  $\alpha$ .

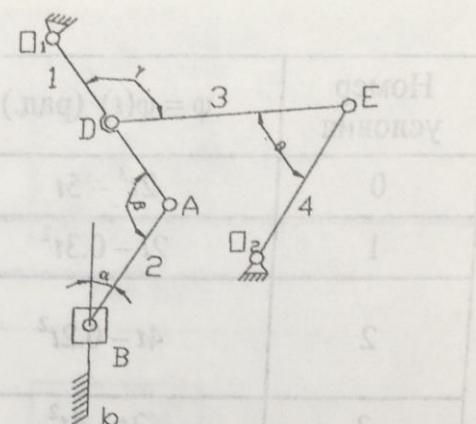
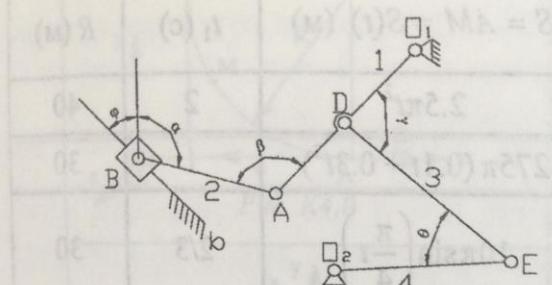
### ПРИМЕР решения задач типа К3

Плоский механизм состоит из стержней 1–4 и ползуна  $B$ , соединенных друг с другом и с неподвижными опорами  $O_1$  и  $O_2$  шарнирами. Длины стержней равны:  $l_1 = 0.4$  м,  $l_2 = 1.2$  м,  $l_3 = 1.4$  м,  $l_4 = 1$  м. Положение механизма определяется углами  $\alpha = 30^\circ$ ,  $\beta = 120^\circ$ ,  $\gamma = 120^\circ$ ,  $\varphi = 0^\circ$ ,  $\theta = 60^\circ$ ,  $\omega = 4$  рад/с. Точка  $D$  находится в середине стержня. Определить  $V_B$ ,  $V_E$ ,  $\omega_3$ .

Строим положение механизма для заданных углов. Определяем скорость точки  $A$ :  $V_A = \omega_1 \cdot OA = 4 \cdot 0.4 = 1.6$  м/с.  $\bar{V}_A \perp O_1 A$ .

Далее указываем направление скоростей всех точек механизма:  $\bar{V}_A \perp OA$ ,  $\bar{V}_B$  направляем вдоль направляющей ползуна,  $\bar{V}_E \perp O_2 E$ .

задача 4



Определим величины скоростей точек механизма: проекции на  $AB \bar{V}_A =$  = проекции на  $AB \bar{V}_B$ , т. е.  $V_A \cos 30^\circ = V_B \cos 30^\circ$ . Отсюда  $V_B = V_A =$  = 1,6 м/с. Скорость точки  $D$  определим из пропорции  $\frac{V_D}{DO_1} = \frac{V_A}{AO_1}$ ;

$$V_D = V_A \frac{DO_1}{AO_1} = V_A \frac{1}{2} = 0.8 \text{ м/с. Скорость точки } E \text{ определим из теоремы}$$

проекции на  $DE \bar{V}_E =$  проекции на  $DE \bar{V}_E$ , т.е.  $V_D \cos 30^\circ = V_E \cos 30^\circ$ ;  
 $V_E = V_D = 0.8 \text{ м/с.}$

Угловую скорость звена 3 определим по формуле  $\omega_3 = \frac{V_E}{EP} = \frac{V_L}{DP}$ ,  
 точка  $P$  – мгновенный центр скоростей звена  $DE$ . Отрезок  $DP$  и  $DP$  определим из равностороннего треугольника  $DEP$ .  $DP = EP = DE =$   
 $= 1,4 \text{ м. Поэтому } \omega_3 = \frac{0,8}{1,4} = 0,57 \text{ рад/с.}$

#### Задача К4

Пластина (рис. К4.0–К4.9) вращается вокруг неподвижной оси согласно уравнению  $\varphi = \varphi(t)$ . По пластине движется точка  $M$  по закону  $S = AM = S(t)$ . Определить для момента времени  $t = t_1$  абсолютную скорость и абсолютное ускорение точки  $M$ .

Отсюда угловое ускорение барабана будет определяться так:

$$\varepsilon = \frac{m_{\text{вр}} - fP_2 r_1}{(m_1 - 2m_2)r_1^2} 2g.$$

Затем за механическую систему выберем груз и запишем для него теорему о движении центра масс в проекции на ось  $X$ :  $Ma_{cx} = T - F_{\text{тр}}$ .

Отсюда  $T = Ma_{cx} + F_{\text{тр}} = \frac{m_2}{g} \varepsilon r_1 + fP_2$  или, учитывая (3),

$$T = \frac{m_2}{g} \frac{m_{\text{вр}} - fP_2 r_1}{(m_1 - 2m_2)r_1^2} 2g + fP_2. \quad (4)$$

### Задача Д3

Механическая система состоит из груза 1 (коэффициент трения скольжения груза по плоскости  $f = 0,1$ ), невесомого шкива 2, цилиндрического однородного катка 4 радиусом  $r_4 = r_2 = 0,1$  м и ступенчатого шкива 3 с радиусами ступеней  $R_3 = 0,3$  м,  $r_3 = 0,1$  м и моментом инерции  $J$  ( $\text{кг} \cdot \text{м}^2$ ) (рис. Д3.0–Д3.9, табл. Д3). Тела системы соединены невесомыми нерастяжимыми нитями. Под действием постоянной силы  $\bar{F}$  (Н) система приходит в движение из состояния покоя. При движении системы на шкив 3 действует постоянный момент сил сопротивления  $M_{\text{сопр}}$  (Н · м). Определить скорость груза 1 в момент времени, когда точка приложения силы  $\bar{F}$  получит перемещение  $s$  (м).

19

Таблица Д3

Номер условия	$m_1$	$m_4$	$M_c$	$J_3$	$F$	$S$
0	2	10	0.1	0.2	100	1.0
1	3	9	0.2	0.4	120	1.2
2	4	8	0.3	0.3	140	1.4
3	5	7	0.2	0.5	150	1.6
4	6	6	0.1	0.6	120	1.8
5	7	5	0.3	0.2	160	2.0
6	8	4	0.2	0.4	180	1.5
7	9	2	0.1	0.3	200	1.6
8	10	3	0.3	0.2	210	1.8
9	6	8	0.2	0.5	150	2.0

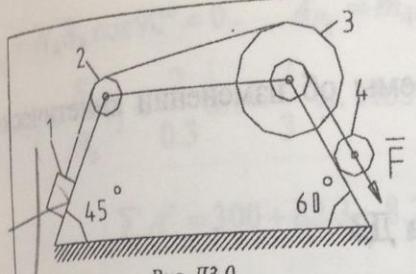


Рис. Д3.0

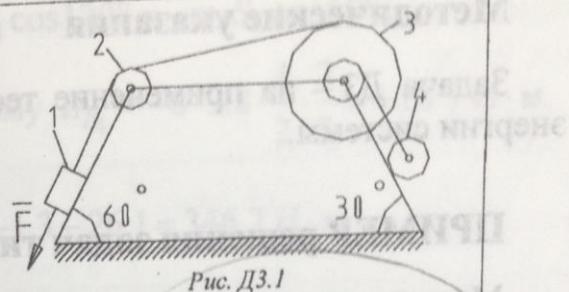


Рис. Д3.1

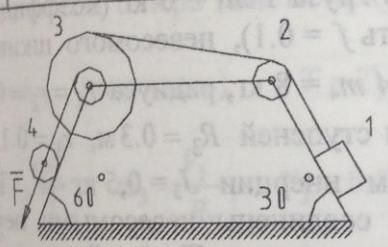


Рис. Д3.2

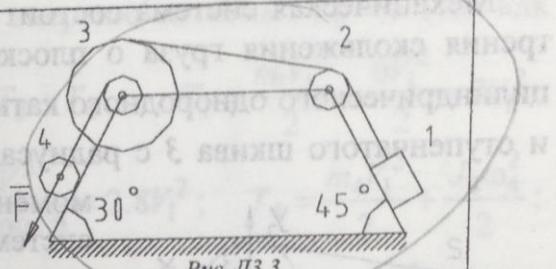


Рис. Д3.3

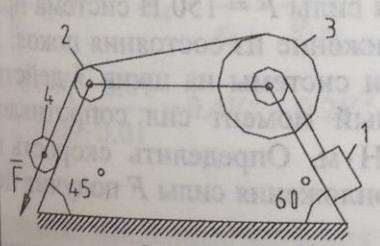


Рис. Д3.4

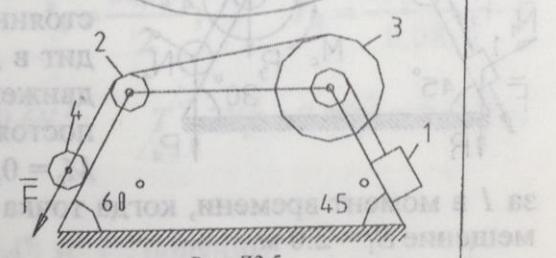


Рис. Д3.5

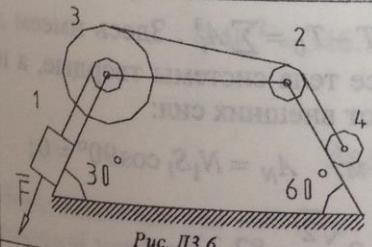


Рис. Д3.6

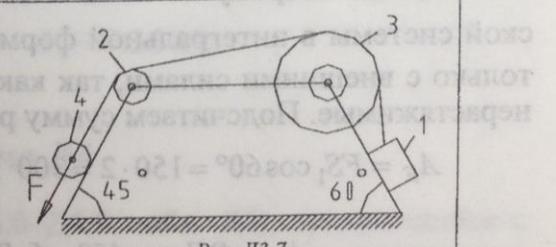


Рис. Д3.7

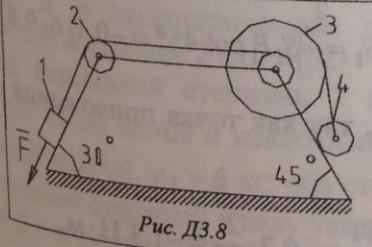


Рис. Д3.8

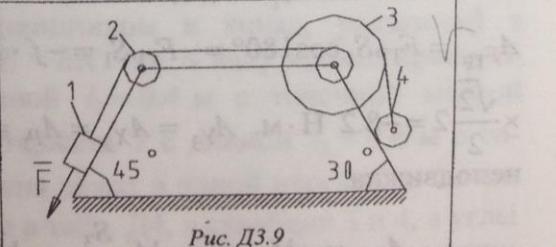


Рис. Д3.9

## Методические указания

Задача Д3 – на применение теоремы об изменении кинетической энергии системы.

### ПРИМЕР решения задач типа Д3

Механическая система состоит из груза 1  $m_1 = 6$  кг (коэффициент трения скольжения груза о плоскость  $f = 0.1$ ), невесомого шкива 2, цилиндрического однородного катка 4  $m_4 = 8$  кг, радиуса  $r_4 = r_2 = 0.1$  м и ступенчатого шкива 3 с радиусами ступеней  $R_3 = 0.3$  м,  $r_3 = 0.1$  м и

моментом инерции  $J_3 = 0.5$  кг·м<sup>2</sup>. Тела системы соединены невесомыми нерастяжимыми нитями. Под действием постоянной силы  $F = 150$  Н система приходит в движение из состояния покоя. При движении системы на шкив 3 действует постоянный момент сил сопротивления  $M_c = 0.2$  Н·м. Определить скорость груза 1 в момент времени, когда точка приложения силы  $F$  получит перемещение  $S_1 = 2.0$  м.

Запишем теорему об изменении кинетической энергии механической системы в интегральной форме  $T - T_0 = \sum A_i^a$ . Здесь имеем дело только с внешними силами, так как все тела системы твердые, а нити нерастяжимые. Подсчитаем сумму работ внешних сил:

$$A_F = FS_1 \cos 90^\circ = 150 \cdot 2 = 300 \text{ Н} \cdot \text{м}; \quad A_N = N_1 S_1 \cos 90^\circ = 0;$$

$$A_R = P_1 S_1 \cos 45^\circ = 6 \cdot 9.8 \cdot 2 \frac{\sqrt{2}}{2} = 82.3 \text{ Н} \cdot \text{м}.$$

$$A_{F_{TP}} = F_{TP} S_1 \cos 180^\circ = -F_{TP} S_1 = -f \cdot N_1 S_1 = -\cancel{S_1} P_1 \cos 45^\circ = -0.1 \cdot 6 \cdot 9.8 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot 2 = -8.2 \text{ Н} \cdot \text{м}. \quad A_{y_3} = A_{x_3} = A_{P_3} = 0, \text{ так как точка приложения сил неподвижна.}$$

$$A_{M_c} = -M_c \cdot \varphi = -M_c \frac{S_3}{R_3} = -M_c \frac{S_1}{R_1} = -0.2 \frac{2}{0.3} = -1.3 \text{ Н} \cdot \text{м}.$$

$$A_{N_4} = N_4 S_4 \cos 90^\circ = 0. \quad A_{P_4} = m_4 S_4 \cos 120^\circ = -m_4 S_4 \cos 60^\circ.$$

$$S_4 = S_3 = \frac{S_1}{R_3} r_3 = \frac{2}{0.3} 0.1 = \frac{2}{3} \text{ м. Поэтому } A_{P_4} = -8 \cdot 9.8 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} = -26.1 \text{ Н} \cdot \text{м.}$$

$$\sum A^e = 300 + 82.3 - 8.2 - 1.3 - 26.1 = 346.7 \text{ Н} \cdot \text{м}$$

Вычислим теперь кинетическую энергию системы:  $T_0 = 0$  (так как система покоялась).  $T = T_1 + T_3 + T_4$ .  $T_1 = \frac{m_1 V_1^2}{2} = \frac{6V_1^2}{2} = 3V_1^2$ ;

$$T_3 = T_3 \frac{\omega_3^2}{2}; \quad \omega_3 = \frac{V_1}{R_3}; \quad T_3 = 0.5 \frac{V_1^2}{0.09 \cdot 2} = 2.8V_1^2; \quad T_4 = \frac{m_4 V_1^2}{2} + \frac{J_4 \omega_4^2}{2};$$

$$V_4 = \frac{V_1}{R_3} r_3; \quad \omega_4 = \frac{V_4}{r_4} = \frac{V_1 r_3}{R_3 r_4}; \quad J_4 = \frac{m_4 r_4^2}{2}; \quad T_4 = \frac{8V_1^2 \cdot 0.01}{0.08 \cdot 2} +$$

$$+ \frac{8 \cdot 0.01 \cdot V_1^2 \cdot 0.01}{2 \cdot 2 \cdot 0.09 \cdot 0.01} = 0.4V_1^2 + 0.2V_1^2 = 0.6V_1^2; \quad T = 3V_1^2 + 2.8V_1^2 + 0.6V_1^2 =$$

$$= 6.4V_1^2.$$

Подставляя найденные значения  $\sum A^e$  и  $T$ , получим

$$6.4V_1^2 = 346.7; \quad V_1 = 7.36 \text{ м/с.}$$

### Задача Д4

Вертикальный вал  $AK$  (рис. Д4.0–Д4.9, табл. Д4), вращающийся с постоянной угловой скоростью  $\omega = 10$  рад/с, закреплен подпятником в точке  $A$  и цилиндрическим подшипником в точке, указанной в табл. Д4, в столбце 2 ( $AB = BD = DE = EK = a$ ). К валу жестко прикреплены невесомый стержень 2 длиной  $l_1 = 0.4$  м с точечной массой  $m_1 = 6$  кг на конце и невесомый стержень 2 с длиной  $l_2 = 0.6$  м с точечной массой  $m_2 = 6$  кг; оба стержня лежат в одной плоскости. Точки крепления стержней к валу указаны в табл. Д4, в столбцах 3 и 4, а углы  $\alpha$  и  $\beta$  – в столбцах 5 и 6; пренебрегая весом вала, определить реакции

то при нагревании второго  
части выравниваются, и по  
лучения.

неопределенных задач способом  
за тем, чтобы напряженное  
деформированному состоянию, в  
и неверные результаты.

### 2.3. РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКИЕ ЗАДАНИЯ

#### ЗАДАЧА 3

Для стального стержня переменного сечения (табл. 3.1),  
загруженного сосредоточенными силами, требуется:

- 1) используя метод сечений, определить продольные силы  $N$  и  
нормальные напряжения  $\sigma$  в поперечном сечении на каждом  
участке. Построить эпюры  $N$  и  $\sigma$  по длине бруса;
- 2) найти полное удлинение бруса  $\Delta l_{\text{полн.}}$ , просуммировав  
удлинение его отдельных участков;
- 3) построить эпюру продольных перемещений  $\Delta$  по длине  
брока. Данные к задаче взять из табл. 3.1 Во всех вариантах  
принять модуль упругости  $E=2 \cdot 10^5$  МПа.

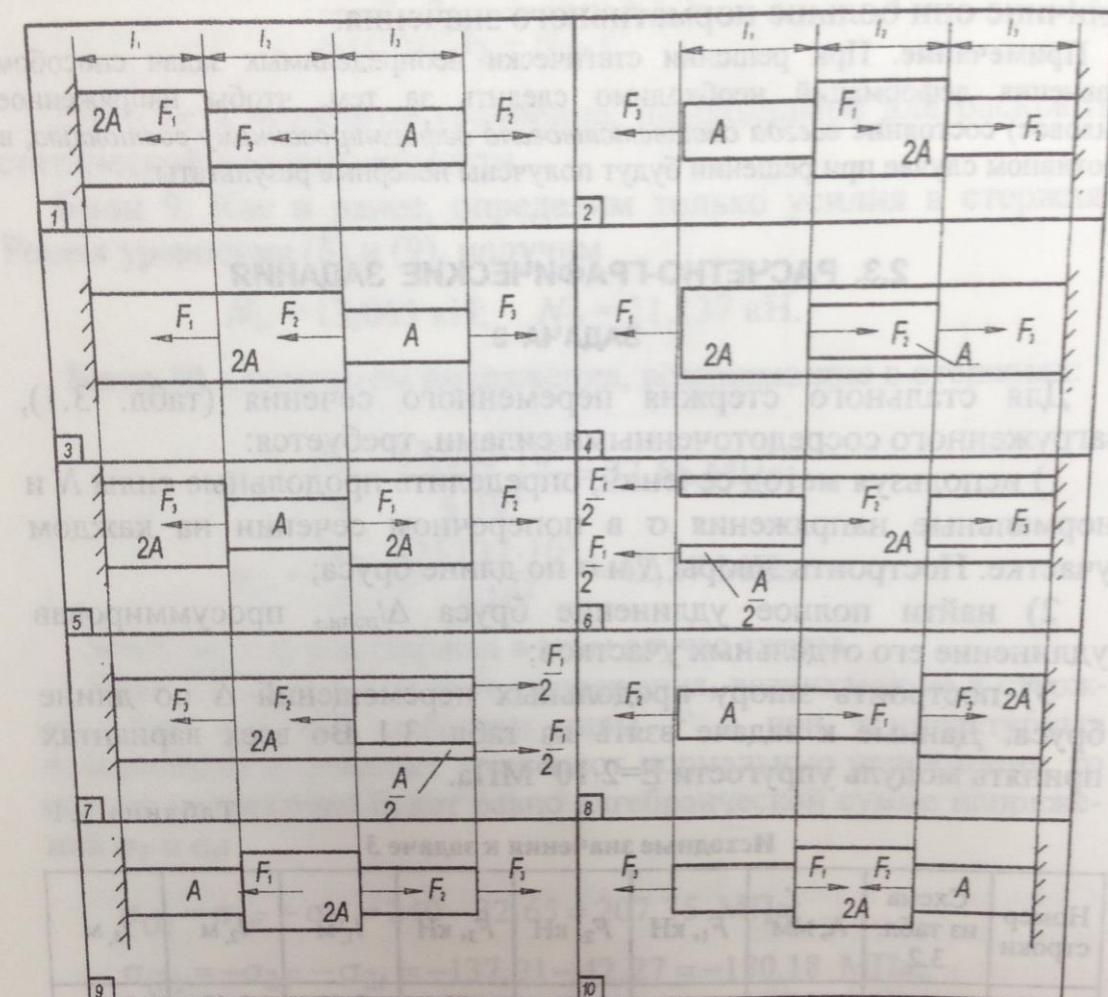
Таблица 3.1

Исходные значения к задаче 3

Номер строки	Схема из табл. 3.2	$A, \text{мм}^2$	$F_1, \text{kH}$	$F_2, \text{kH}$	$F_3, \text{kH}$	$l_1, \text{м}$	$l_2, \text{м}$	$l_3, \text{м}$
1	0	3000	300	150	70	0,60	0,40	0,50
2	9	3100	270	130	80	0,50	0,50	0,40
3	8	3200	290	140	80	1,00	0,60	1,00
4	7	3300	280	120	60	0,50	0,40	0,80
5	6	3400	260	160	80	0,60	0,80	0,40
6	1	3300	290	150	70	0,40	0,60	0,40
7	2	3200	270	140	80	1,00	1,00	1,00
8	3	3200	280	130	60	0,80	0,80	0,80
9	4	3000	300	150	70	0,70	0,40	0,60
0	5	3100	290	140	80	1,20	1,20	1,2
	д	б	в	г	д	а	а	а

Таблица 3.2

## Расчётные схемы к задаче 3



## ЗАДАЧА 4

Для заданной схемы стального брусьев (табл. 4.1 и 4.2) требуется

1) построить эпюры продольных сдвигов и перемещений  $\delta$ ;

2) если зазор перекрывается, определить и построить эпюры напряжений  $\sigma$  и перемещений  $\delta$ ;

3) если зазор не перекрывается необходимо приложить к сече-

### ЗАДАЧА 7

На стальной ступенчатый брус круглого поперечного сечения, закрепленного с двух сторон (см. табл. 7.1 и 7.2), действуют скручивающие моменты сил.

1. Определить диаметры стержня из условия прочности и условия жесткости.
2. Построить эпюры крутящих моментов и абсолютных углов закручивания при принятых диаметрах ступеней стержня.
3. Определить рабочие максимальные касательные напряжения и сравнить с допускаемыми касательными напряжениями.
4. Определить действительный относительный угол закручивания и сравнить с допускаемым относительным углом закручивания.

Таблица 7.1

Расчётные данные к задаче 7

Номер строки	Схема из табл. 7.2	Размеры, м			Моменты, кНм		$\frac{d_1}{d_2}$	[ $\Theta$ ] град/м	[ $\tau$ ] МПа
		$\ell_1$	$\ell_2$	$\ell_3$	$T_1$	$T_2$			
0	5	0,2	0,3	0,4	4	2	0,80	0,20	30
1	6	0,2	0,2	0,3	3	2	0,65	0,25	35
2	7	0,3	0,4	0,5	8	5	0,70	0,30	40
3	8	0,2	0,3	0,3	5	3	0,50	0,35	45
4	9	0,3	0,2	0,2	4	7	0,50	0,40	50
5	0	0,4	0,5	0,3	6	4	0,60	0,45	45
6	1	0,3	0,5	0,2	7	2	0,80	0,50	40
7	2	0,5	0,2	0,4	7	3	0,75	0,55	35
8	3	0,2	0,2	0,3	6	2	0,70	0,30	30
9	4	0,4	0,3	0,1	8	4	0,65	0,35	50
	д	а	б	б	г	г	д	г	д

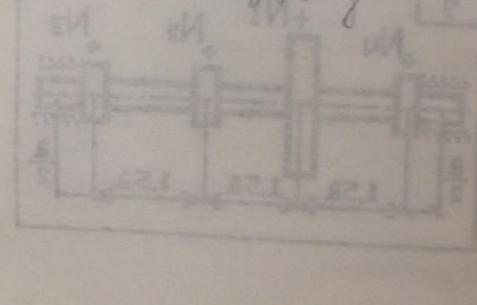
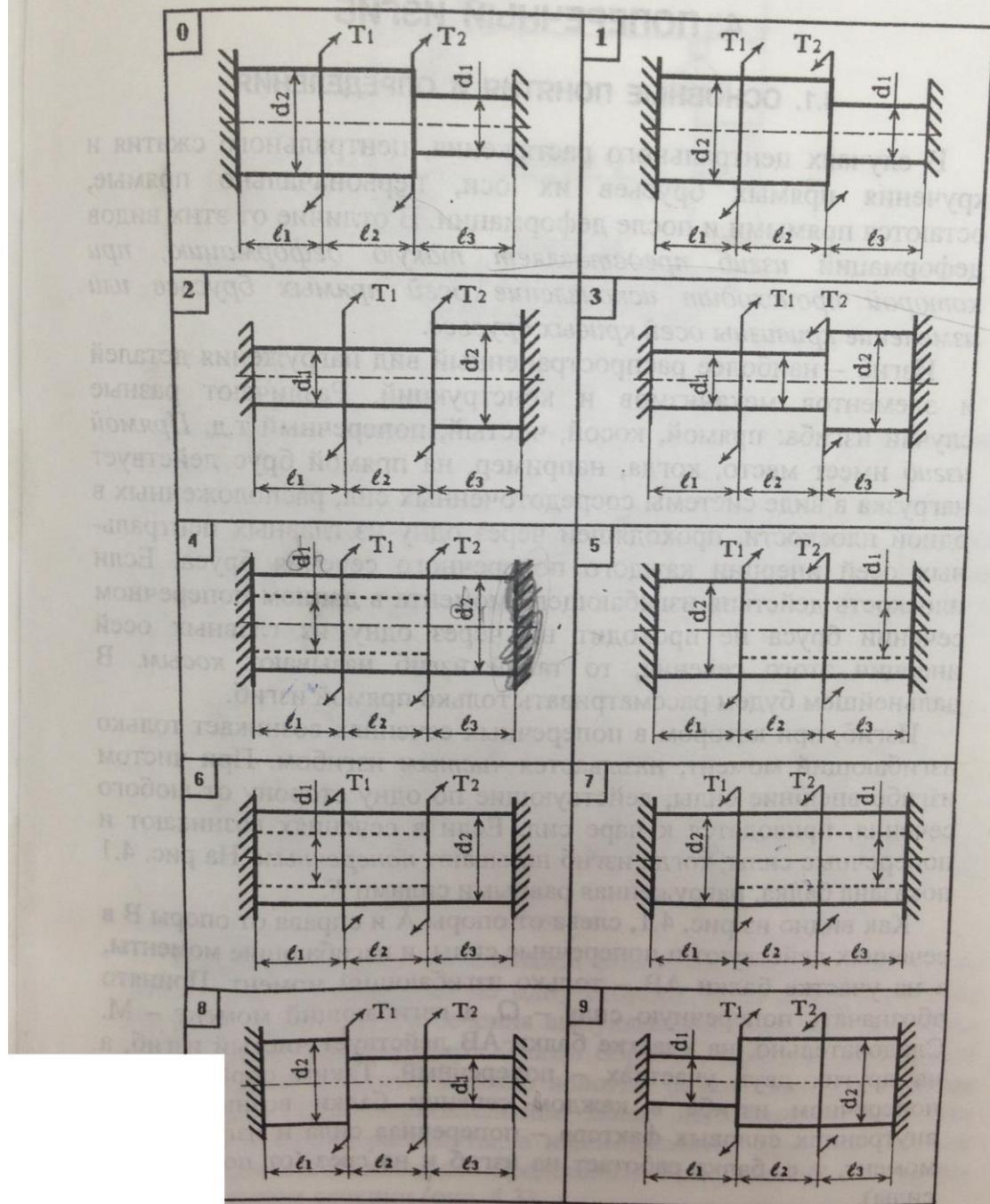


Таблица 7.2

Расчётные схемы к задаче 7



### ЗАДАЧА 9

Дано:  $q$ ,  $F$ ,  $m$ ,  $a$ ,  $[\sigma]$ ,  $E = 2 \cdot 10^5 \text{ Н/мм}^2$  (МПа).

Требуется:

1. Рассчитать данную статически определимую балку.

1.1. Определить реакции опор и сделать проверку.

1.2. Построить эпюры  $Q$  и  $M_{изг}$  и выявить опасные сечения.

1.3. Из условия прочности определить номер двутавра.

1.4. Для опасных сечений построить эпюры  $\sigma_{раб}$  и  $\tau_{раб}$ .

1.5. Определить перемещения нескольких (характерных) точек и показать деформированную ось бруса (упругую линию балки).

2. Рассчитать и исследовать статически неопределенную балку.

2.1. С целью повышения несущей способности балки добавить связь (опору), т. е. превратить балку в статически неопределенную.

2.2. Раскрыть статическую неопределенность балки.

2.3. Построить эпюры  $Q$  и  $M_{изг}$ . Оценить полученную ситуацию, принять ее или отказаться от нее и поискать другую.

3. Сделать теоретические и практические выводы.

Таблица 9.1

Исходные данные к задаче 9

Номер строки	Схема из табл. 9.2	$a, \text{ м}$	$q, \text{ кН/м}$	$F, \text{ кН}$	$m, \text{ кНм}$	$[\sigma], \text{ МПа}$	$X, \text{ м}$
1	5	1,0	1,0	$5qa$	$4qa^2$	130	a
2	6	2,0	2,0	$-4qa$	$5qa^2$	120	a
3	7	1,5	3,0	$2qa$	$-4qa^2$	125	3a
4	8	0,8	4,0	$-3qa$	$2qa^2$	145	3a
5	9	0,6	5,0	$5qa$	$-3qa^2$	135	2a
6	0	0,5	6,0	$-2qa$	$5qa^2$	140	2a
7	1	0,4	7,0	$3qa$	$-2qa^2$	150	2a
8	2	0,9	8,0	$-4qa$	$3qa^2$	160	2a
9	3	0,7	9,0	$-5qa$	$-4qa^2$	170	3a
0	4	0,3	10,0	$8qa$	$-2qa^2$	180	2a
	д	г	б	д	г	в	д

Примечания 1. Знак "минус" означает, что направление сил и моментов сил необходимо принять противоположным данному на расчетной схеме.  
 2.  $X$  – расстояние дополнительной опоры от левого конца балки.

Таблица 9.2

Расчётные схемы к задаче 9

